



**Instrucciones:** Resuelva en orden, los ejercicios que a continuación se presentan, mostrando todo el procedimiento. Utilice las hojas anexas, indicando su nombre en cada una de ellas. **No se permite el uso de teléfono celular ni salidas del aula durante la aplicación del examen. Estudiante que sea sorprendido con un teléfono se le recogerá el examen en ese momento. Tiempo máximo: 2.5 horas.**

Únicamente se permite un formulario, que no contenga procedimientos de solución ni ejercicios resueltos.

**SECCIÓN 1.** Resuelva *cuatro* de los siguientes *cinco* problemas.

1. Dados los vectores  $\vec{a} = \frac{5}{3}\hat{i} + \frac{6}{5}\hat{j}$  y  $\vec{b} = \frac{4}{7}\hat{i} - \frac{2}{9}\hat{j}$  obtenga el resultado numérico de la expresión  $\left\| \frac{\vec{a}}{\|\vec{a}\|} \right\|^2 + \left\| \frac{\vec{b}}{\|\vec{b}\|} \right\|^2$ .
2. Obtenga la recta que contiene al punto (4,3) y es perpendicular a la recta  $x - y = 3$ . Dibuje ambas rectas en el mismo sistema coordenado.
3. Obtenga unas ecuaciones paramétricas y trace la gráfica de la hipérbola cuya excentricidad es 2 y sus focos son los puntos  $\vec{F}_1 = (0, -6)$  y  $\vec{F}_2 = (4, 0)$ . Dibuje.
4. Obtenga unas ecuaciones paramétricas del arco de la porción de la elipse  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$  desde el punto (3,0) hasta el punto (0, 2) en el sentido contrario a las manecillas del reloj, indicando la variación de su parámetro.
5. Obtenga la intersección entre las curvas polares con ecuaciones  $r = 4 + 4\cos(\theta)$  y  $r = 4 + 4\sin(\theta)$ . Haga un croquis de las curvas, mostrando la intersección.

**SECCIÓN 2.** Resuelva *cuatro* de los siguientes *cinco* problemas.

6. Si los cosenos directores del vector  $\vec{a}$  son  $\cos \alpha = \frac{1}{2}$ ,  $\cos \beta = \frac{k}{10}$  y  $\cos \gamma = \frac{-1}{5}$ , determine el valor de k del vector  $\vec{a}$ .
7. Obtenga unas ecuaciones paramétricas y la ecuación cartesiana del plano que contiene al punto  $P_0 = (5, 3, -2)$ , y que es perpendicular a la recta  $\vec{P} = (4, 6, 5) + t(0, 0, 3)/t \in \mathbb{R}$ .
8. Obtenga un conjunto de ecuaciones paramétricas y haga un croquis de la superficie cuya ecuación está dada por  $3x^2 + 6y^2 + z^2 = 9$
9. Determine unas ecuaciones paramétricas y trace la gráfica de la superficie cilíndrica, si su directriz está dada por la ecuación  $\Gamma = \{x^2 + y^2 = 25 \wedge z = 0\}$  y su generatriz es paralela al vector  $\vec{a} = (1, 2, 5)$ .
10. Obtenga un conjunto de ecuaciones paramétricas de la curva de intersección de la superficie  $x^2 + y^2 + 2z^2 = 4$  y la superficie  $z = 1$